

## 補充資料：關於布林代數與邏輯閘

數字系統：十進位 (Decimal)  
 二進位 (Binary)  
 八進位 (Octal)  
 十六進位 (Hexadecimal)

十進位 (Decimal)	二進位 (Binary)	二進位轉換成十進位的方法
0	0	$0 \times 2^0$
1	1	$1 \times 2^0$
2	10	$1 \times 2^1 + 0 \times 2^0$
3	11	$1 \times 2^1 + 1 \times 2^0$
4	100	$1 \times 2^2 + 0 \times 2^1 + 0 \times 2^0$
5	101	$1 \times 2^2 + 0 \times 2^1 + 1 \times 2^0$
6	110	$1 \times 2^2 + 1 \times 2^1 + 0 \times 2^0$
7	111	$1 \times 2^2 + 1 \times 2^1 + 1 \times 2^0$
8	1000	$1 \times 2^3 + 0 \times 2^2 + 0 \times 2^1 + 0 \times 2^0$
9	1001	$1 \times 2^3 + 0 \times 2^2 + 0 \times 2^1 + 1 \times 2^0$
10	1010	$1 \times 2^3 + 0 \times 2^2 + 1 \times 2^1 + 0 \times 2^0$
11	1011	$1 \times 2^3 + 0 \times 2^2 + 1 \times 2^1 + 1 \times 2^0$
12	1100	$1 \times 2^3 + 1 \times 2^2 + 0 \times 2^1 + 0 \times 2^0$
13	1101	$1 \times 2^3 + 1 \times 2^2 + 0 \times 2^1 + 1 \times 2^0$
14	1110	$1 \times 2^3 + 1 \times 2^2 + 1 \times 2^1 + 0 \times 2^0$
15	1111	$1 \times 2^3 + 1 \times 2^2 + 1 \times 2^1 + 1 \times 2^0$
16	10000	$1 \times 2^4 + 0 \times 2^3 + 0 \times 2^2 + 0 \times 2^1 + 0 \times 2^0$
32		
64		
128		

二進位數字換成十進位數字：(足碼表示代表的數字系統)

$$\begin{aligned}
 1010_2 &= 1 \times \frac{2^3}{=8} + 0 \times \frac{2^2}{=4} + 1 \times \frac{2^1}{=2} + 0 \times \frac{2^0}{=1} \\
 &= 10_{10}
 \end{aligned}$$

$$1111_2 = 1 \times \frac{2^3}{=8} + 1 \times \frac{2^2}{=4} + 1 \times \frac{2^1}{=2} + 1 \times \frac{2^0}{=1}$$

$$= 15_{10}$$

$$10000_2 = 1 \times \frac{2^4}{=16} + 0 \times \frac{2^3}{=8} + 0 \times \frac{2^2}{=4} + 0 \times \frac{2^1}{=2} + 0 \times \frac{2^0}{=1}$$

$$= 16_{10}$$

【問】如何將十進位數字轉換二進位數字？ $30_{10} = ?_2$

$$30 \div 2 = 15 \quad \dots 0$$

$$15 \div 2 = 7 \quad \dots 1$$

$$7 \div 2 = 3 \quad \dots 1 \quad \uparrow \text{ (由下往上數)}$$

$$3 \div 2 = 1 \quad \dots 1$$

$$1 \div 2 = 0 \quad \dots 1$$

$$\therefore 30_{10} = 11110_2$$

【問】如何將十進位數字轉換二進位數字？ $25_{10} = ?_2$

$$25 \div 2 = 12 \quad \dots 1$$

$$12 \div 2 = 6 \quad \dots 0$$

$$6 \div 2 = 3 \quad \dots 0 \quad \uparrow \text{ (由下往上數)}$$

$$3 \div 2 = 1 \quad \dots 1$$

$$1 \div 2 = 0 \quad \dots 1$$

$$\therefore 25_{10} = 11001_2$$

十進位 (Decimal)	二進位 (Binary)	八進位 (Octal)	十六進位 (Hexadecimal)
0	0	0	0
1	1	1	1
2	10	2	2
3	11	3	3
4	100	4	4
5	101	5	5
6	110	6	6
7	111	7	7
8	1000	10	8
9	1001	11	9
10	1010	12	A
11	1011	13	B

十進位 (Decimal)	二進位 (Binary)	八進位 (Octal)	十六進位 (Hexadecimal)
12	1100	14	C
13	1101	15	D
14	1110	16	E
15	1111	17	F
16	10000	20	10
32			
64			
128			

## 電子電路實驗室

布林代數 (Boolean Algebra)：專門用來推論二維邏輯關係的邏輯代數  
1800 年，喬治布林 (George Boolean) 介紹的邏輯代數，後來稱為布林代數。

布林代數的基本運算：

運算類型	符號	運算式	簡稱
加法	+	$A + B$	OR
乘法	·	$A \cdot B$	AND
補數	$\bar{\quad}$	$\bar{A}$	NOT

基本定理與假設：

- |                             |                         |
|-----------------------------|-------------------------|
| (1) 若 $A \neq 1$ ，則 $A = 0$ | 若 $A \neq 0$ ，則 $A = 1$ |
| (2) $0 + 0 = 0$             | $0 \cdot 0 = 0$         |
| (3) $1 + 1 = 1$             | $1 \cdot 1 = 1$         |
| (4) $0 + 1 = 1$             | $0 \cdot 1 = 0$         |
| (5) $\bar{0} = 1$           | $\bar{1} = 0$           |

一些運算：

(一) 一個變數的運算

- |                 |                 |      |
|-----------------|-----------------|------|
| (1) $A + 0 = A$ | $A \cdot 0 = 0$ | 最小元素 |
| (2) $A + 1 = 1$ | $A \cdot 1 = A$ | 最大元素 |
| (3) $A + A = A$ | $A \cdot A = A$ | 冪等法則 |

(4)  $A + \bar{A} = 1$                        $A \cdot \bar{A} = 0$                       互補元素

(5)  $\overline{\bar{A}} = A$                                       雙重否定

(二) 兩個以上變數的運算

(1) 交換律

$A + B = B + A$

$A \cdot B = B \cdot A$

(2) 結合律

$(A + B) + C = A + (B + C) = A + B + C$

$(A \cdot B) \cdot C = A \cdot (B \cdot C) = A \cdot B \cdot C$

(3) 分配律

$A \cdot B + A \cdot C = A \cdot (B + C)$

$(A + B) \cdot (A + C) = A + B \cdot C$

(4) 吸取律

$A \cdot (A + B) = A$

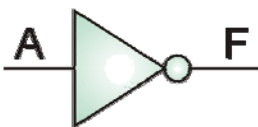
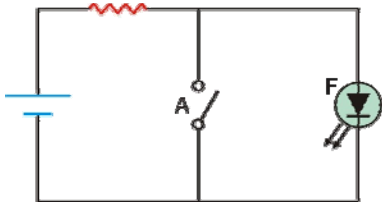
$A + A \cdot B = A$

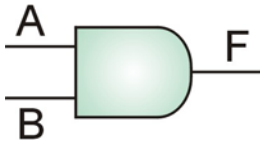
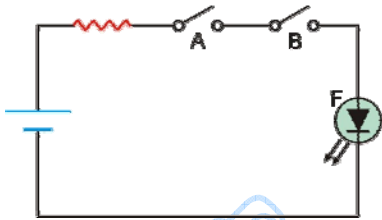
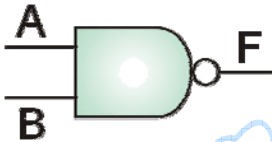
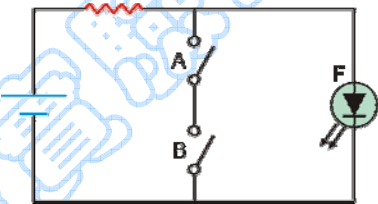
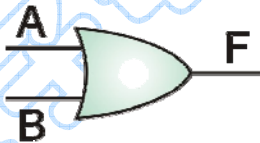
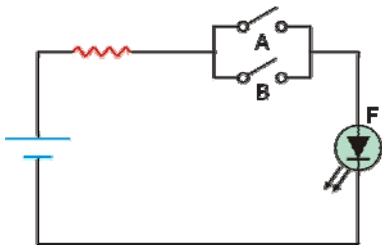
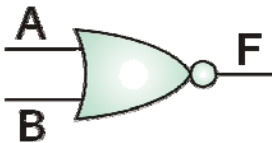
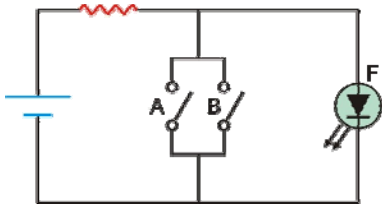
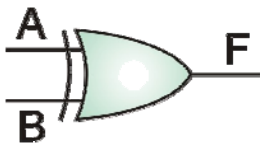
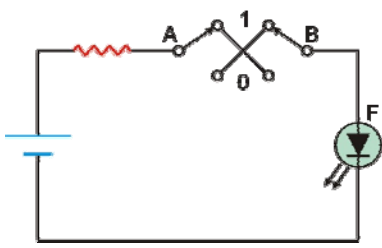
(5) 迪摩根理論 (Demorgan's theorem)

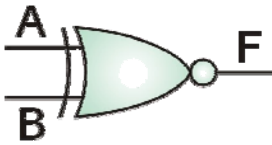
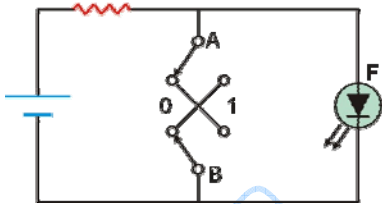
$\overline{A + B} = \bar{A} \cdot \bar{B}$

$\overline{A \cdot B} = \bar{A} + \bar{B}$

基本邏輯閘與布林代數的關係：

序號	邏輯閘的種類	簡稱	記號	符號	模擬電路
1	反閘	NOT	$\bar{A}$		

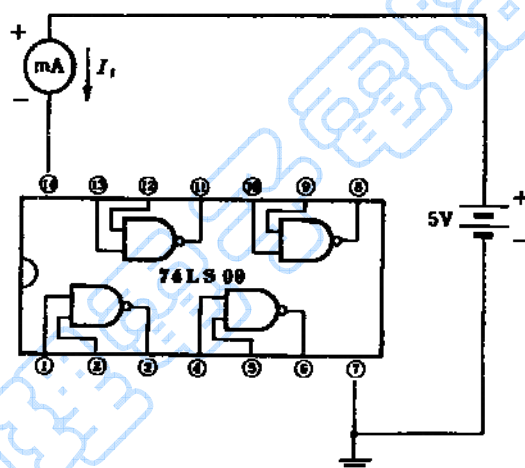
序號	邏輯閘的種類	簡稱	記號	符號	模擬電路
2	及閘	AND	$A \cdot B$		
3	反及閘	NAND	$\overline{A \cdot B}$		
4	或閘	OR	$A + B$		
5	反或閘	NOR	$\overline{A + B}$		
6	互斥或閘	XOR	$\overline{A}B + A\overline{B}$ $= A \oplus B$		

序號	邏輯閘的種類	簡稱	記號	符號	模擬電路
7	互斥反或閘	XNOR	$AB + \overline{A}\overline{B}$ $= A \odot B$		

電子電路實驗室

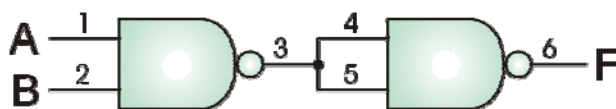
使用 IC : 74LS00

74LS00 為 4 顆 NAND 組成的 IC。



利用 NAND 組合成其他基本閘：

1)



3 輸出  $\Rightarrow$  4 和 5 輸入： $\overline{A \cdot B}$

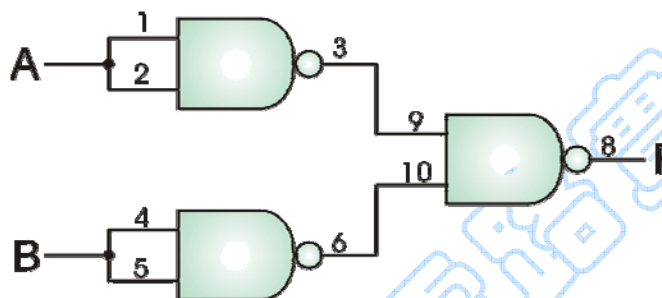
$$F = \overline{(\overline{A \cdot B}) \cdot (\overline{A \cdot B})} = \overline{\overline{A \cdot B} + \overline{A \cdot B}} = A \cdot B + A \cdot B = A \cdot B$$

$\Rightarrow$  此電路功能等同 AND 閘

真值表：

輸入		輸出	
A	B	$V_F$	F
0	0		0
0	1		0
1	0		0
1	1		1

2)

3 輸出  $\Rightarrow$  9 輸入： $\overline{A \cdot A}$ 6 輸出  $\Rightarrow$  10 輸入： $\overline{B \cdot B}$ 

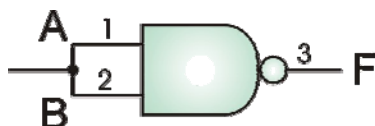
$$F = \overline{\overline{A \cdot A} \cdot \overline{B \cdot B}} = \overline{\overline{A} \cdot \overline{B}} = \overline{\overline{A + B}} = A + B$$

 $\Rightarrow$  此電路功能等同 OR 閘

真值表：

輸入		輸出	
A	B	$V_F$	F
0	0		0
0	1		1
1	0		1
1	1		1

3)



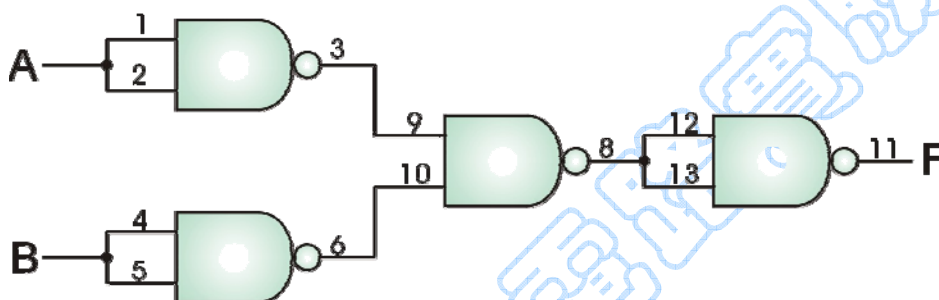
$$F = \overline{A \cdot A} = \overline{A}$$

☞ 此電路功能等同 NOT 閘

真值表：

輸入		輸出	
A	B	$V_F$	F
0	0		1
1	1		0

4)



3 輸出 ☞ 9 輸入： $\overline{A \cdot A}$

6 輸出 ☞ 10 輸入： $\overline{B \cdot B}$

8 輸出 ☞ 12 和 13 輸入： $F = \overline{(\overline{A \cdot A}) \cdot (\overline{B \cdot B})}$

$$\begin{aligned} F &= \overline{\overline{A \cdot A} \cdot \overline{B \cdot B}} = \overline{\overline{A \cdot A}} \cdot \overline{\overline{B \cdot B}} = \overline{\overline{A}} \cdot \overline{\overline{B}} = \overline{\overline{A}} \cdot \overline{\overline{B}} \\ &= \overline{\overline{A}} \cdot \overline{\overline{B}} = A \cdot B \end{aligned}$$

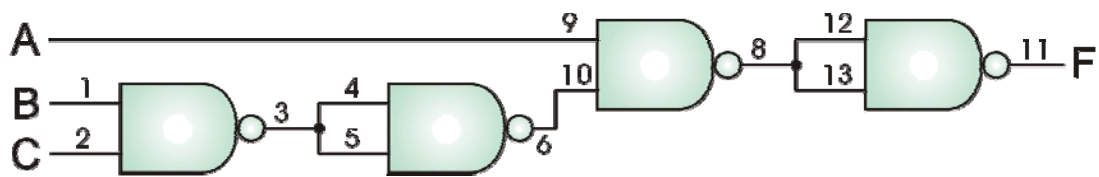
☞ 此電路功能等同 NOR 閘

真值表：

輸入		輸出	
A	B	$V_F$	F
0	0		1
0	1		0
1	0		0
1	1		0



5)

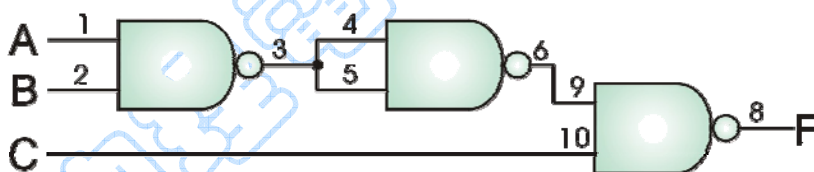


此電路功能等同 AND 閘

真值表：

輸入			輸出
A	B	C	F
0	0	0	0
0	0	1	0
0	1	0	0
0	1	1	0
1	0	0	0
1	0	1	0
1	1	0	0
1	1	1	1

6)

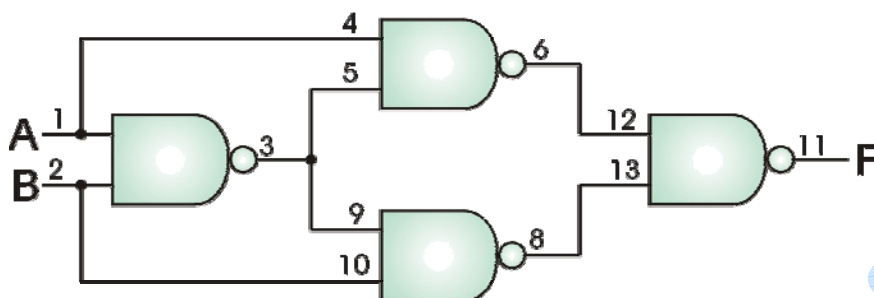


此電路功能等同 NAND 閘

真值表：

輸入			輸出
A	B	C	F
0	0	0	1
0	0	1	1
0	1	0	1
0	1	1	1
1	0	0	1
1	0	1	1
1	1	0	1
1	1	1	0

7)



此電路功能等同 XOR 閘

真值表：

輸入		輸出
A	B	F
0	0	0
0	1	1
1	0	1
1	1	0

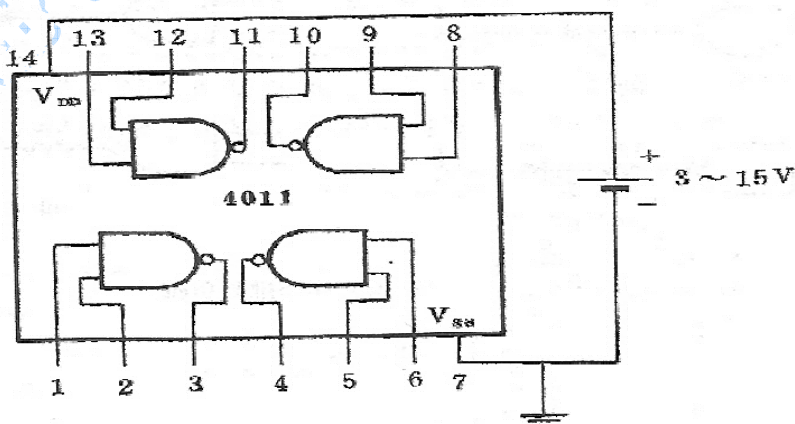
【問 1】請試著用布林代數運算方法，將 (5) (6) (7) 列式出來並算出結果。

【問 2】比照上面方法，利用 NAND 接出 XNOR。

電子電路實驗室

使用 IC：TC4011

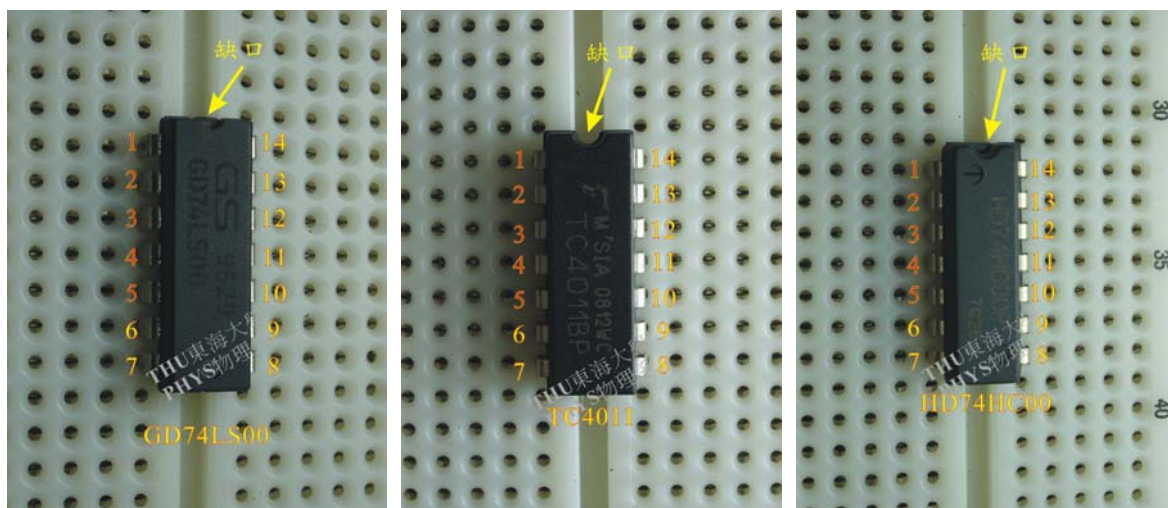
TC4011 為 4 顆 NAND 組成的 IC。



(a) CMOS NAND 閘

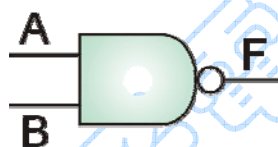
電子電路實驗室

邏輯閘腳位判斷：

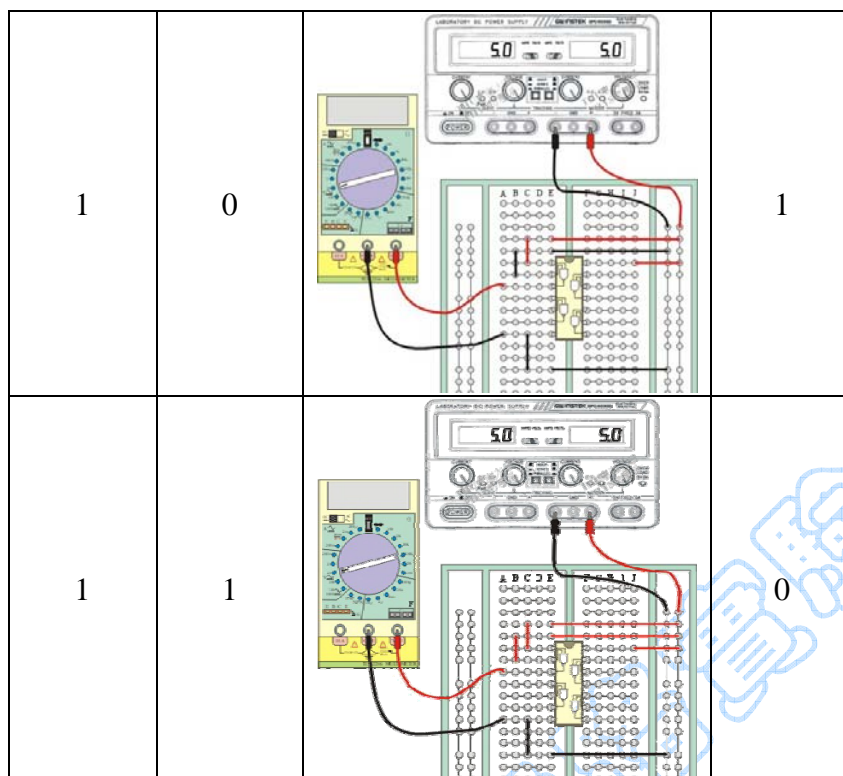


電子電路實驗室

反及閘 (NAND Gate) (IC : 74LC00) (電源可接固定 5V 輸出，避免實驗過程中，不小心調到電壓旋扭。)

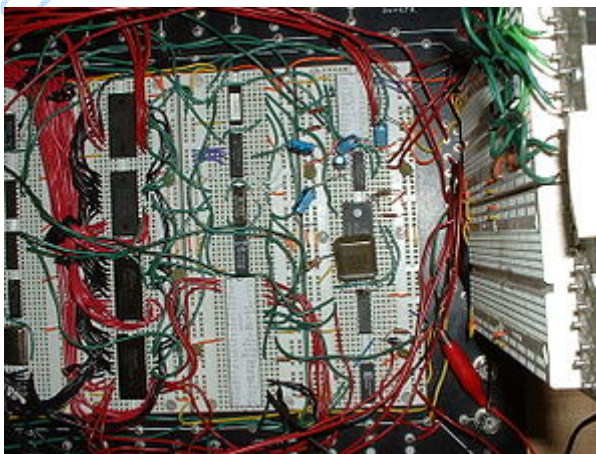


輸入 A	輸入 B	接線圖	輸出 F
0	0		1
0	1		1



### 電子電路實驗室

電晶體－電晶體邏輯：維基百科，自由的百科全書

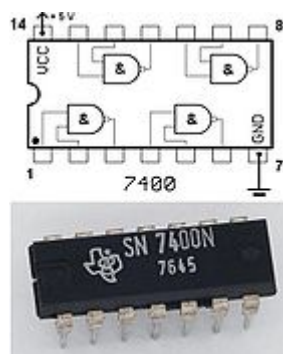


基於[摩托羅拉 68000 微處理器](#)的計算機，在[麵包板](#)上可看到各種 TTL 元件  
電晶體－電晶體邏輯（[英語](#)：Transistor-Transistor Logic，縮寫為 TTL），是市面上較為常見且應用廣泛的一種[邏輯閘數位積體電路](#)，由[電阻器](#)和[三極體](#)而組成。TTL 最早是由[德州儀器](#)所開發出來的，現雖有多家廠商製作，但編號命名還是以德州儀器所公佈的資料為主。其中最常見的為 [74 系列](#)。

與 TTL 分庭抗禮的是 [CMOS](#)，舊時兩者相比較 TTL 主要是速度快，CMOS 則是速度慢，但省電、成本比 TTL 低。隨著 CMOS 技術的進步，其反應速度已經超越 TTL。

而且 CMOS 內部不具有製作麻煩的電阻，所以 TTL 可說幾乎沒有發展。目前 TTL 主要應用於教育或是較簡單的數位電路。

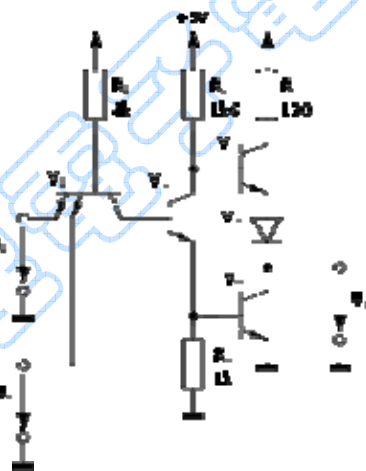
內部主要構成元件



7400 元件：

TTL 最主要是由 N 組電阻、電晶體、二極體構成的偏壓電路所組合出來，在線性放大器的角度來看就是數個 CE（共射極）電路或是 CC（共集極）電路所組成。當然這只是比喻並非實際，畢竟在數位邏輯的世界就是只有 0 跟 1，也就是關或開。

74 系列與 54 系列：



7400 電路圖

74 系列為民用品，可工作於商用溫度範圍（0 至 70 度 C），是一般 TTL 邏輯電路中最常見的系列，在數位邏輯或是微處理機的相關課程更是少不了它們的存在。

54 系列為軍用品，可工作於軍用溫度範圍（-55 至 125 度 C），用於具有特殊工作需求的地方。

74 系列 TTL IC 的分類如下：

以內部結構區分：☉ 標準型

結構跟構成的材料最簡單，相對的特性也是不理想，所以此類型已經被淘汰多時。無英文簡寫，範例：7400。

➤ 早期的低功率型與高速型

- 1) 低功率型，（英文 Low Power 簡寫「L」），耗電低，但速度慢。範例：74L00。
- 2) 高速型，（英文 High Speed 簡寫「H」），速度較快，輸出較強，但耗電高。範例：74H00。

由於 S 型耗電與 H 型相近，但速度極快。LS 型的耗電與 L 型相近，但速度卻快很多，甚至比 H 型還快。因此 L 型與 H 型很快就退出市場。

➤ 蕭特基（Schottky）

除了電阻器一樣是做控流跟偏壓用途，蕭特基型最主要是採用蕭特基二極體跟蕭特基電晶體，改善切換速度。在市面上跟教育單位非常普及，特性也很不錯，常常被用來搭配 Intel 8051 使用。LS 型逐漸成爲 TTL 中的主流。

- 1) 蕭特基型（英文 Schottky Logic，簡寫「S」），範例：74S00。
- 2) 高級蕭特基型（英文 Advanced Schottky Logic，簡寫「AS」），範例：74AS00。
- 3) 低功率蕭特基型（英文 Low Power Schottky Logic，簡寫「LS」），範例：74LS00。
- 4) 高級低功率蕭特基型（英文 Advanced Low Power Schottky Logic，簡寫「ALS」），範例：74ALS00。

➤ 快速（英文 Fast，簡寫「F」）

快速型是有別於蕭特基型所另外發展的高速 TTL，範例：74F00。

➤ CMOS（[英語](#)：Complementary Metal Oxide Semiconductor）

雖然此類型的編號與接腳規格跟 TTL 一樣，但內部的實際結構是 [CMOS](#)，而不是 TTL 所使用的接面電晶體。此系列具有 CMOS 的高輸入阻抗特性與低耗電，但工作電壓範圍有別於先前 RCA 所發展的 40 跟 45 系列的 CMOS 邏輯 IC。除早期的 C 系列外，此類 CMOS 的運作速度非常快。

- 1) CMOS，英文簡寫「C」，範例：74C00。
- 2) 高級 CMOS（英文 Advanced CMOS Logic，簡寫「AC」），範例：74AC00。
- 3) 高速 CMOS（英文 High Speed CMOS Logic，簡寫「HC」），範例：74HC00。
- 4) 高級高速 CMOS（英文 Advanced High Speed CMOS Logic，簡寫「AHC」），範例：74AHC00。

TTL 各系列典型消耗功率與傳輸延遲的比較

系列	型號	特徵	消耗電力 (mW/Gate)	傳輸延遲 $t_{pd}$ (nsec)
標準 TTL	74	<a href="#">1962年</a> 商品化初期的標準品	10	10
低功率 TTL	74L	初期的低消耗電力產品。但速度慢。	1	35
高速 TTL	74H	初期的高速暨高輸出 TTL。但消耗電力大。	20	6
蕭特基 TTL	74S	使用 <a href="#">蕭特基二極體</a> 與蕭特基電晶體的高速 TTL	20	3
低功率蕭特基 TTL	74LS	1970年代後半至 80年代前半的主流 TTL	2	10
先進 (Advanced)LS-TTL	74ALS	1980年代中期推出的 LS-TTL 改良品	1	4
先進 (Advanced)S-TTL	74AS	1980年代中期推出的 S-TTL 改良品	20	1.5
快速型 FAST	74F	1980年代中期由 Fairchild 公司發售的高速蕭特基 TTL	4	2.5

以輸出型態分類：

- 圖騰式輸出 (Totem-pole Output)  
大部分 74 系列的組合邏輯 IC，都是採用圖騰式輸出。此種輸出可以輸出高電位與低電位。被稱為圖騰式則是因為電路形式像圖騰一樣配置。
- 開集極式輸出 (Open Collector，簡稱 O.C.)

此種輸出不能輸出高電位，輸出只有開路與低電位兩種狀態。

可以承受較高的電壓或與不同工作電壓的電路連接。有時開集極式輸出可用來應付比較重的負載（例繼電器）。

可以允許多個開集極式邏輯輸出進行並聯，作為 Wired-AND 使用。圖騰式的邏輯閘輸出不能並聯連接。

- 三態式輸出 (Tri-state 或 3-state)  
在數位電路除了 0 跟 1 以外，另一種狀態則是高阻抗，高阻抗對電路來說即是斷路。主要是用於匯流排(bus)等。
- 史密特觸發型輸入 (Schmitt Trigger)  
此類型邏輯閘具有所謂的遲滯電壓，不易因為輸入在 0/1 交界電壓附近的小幅變化而產生輸出跳動，主要用途是抗雜訊、消除機械式接點的彈跳（暫態）現象，也可用來做 RC 振盪器等。

## 代表性 IC

- [反及閘 \(NAND\)](#) : 7400、7410、7412、7420、7430
- [反或閘 \(NOR\)](#) : 7402、7427
- [反閘 \(NOT\)](#) : 7404、7414
- [及閘 \(AND\)](#) : 7408、7411、7421
- [或閘 \(OR\)](#) : 7432
- [互斥或閘 \(XOR\)](#) : 7486
- [反互斥或閘 \(XNOR\)](#) : 74266
- [緩衝器 \(Buffer\)](#) : 7407、74244
- [BCD\(十進制\)轉七段顯示解碼器](#) : 7447、7448
- [全加器 \(Full Adders\)](#) : 7483、74283
- [D 型栓鎖器 \(D-type Latches\)](#) : 74373
- [異步計數器 \(Asynchronous Counter\)](#) : 7490 (十進制, Decade)、7492 (十六進制)

## TTL 電壓準位

使用標準供電電壓 5V 的 TTL 電壓準位規範

- 輸入電壓準位
  - Hi 輸入電壓：2.0V 以上
  - Low 輸入電壓：0.8V 以下
- 輸出電壓準位
  - Hi 輸出電壓：2.4V 以上
  - Low 輸出電壓：0.4V 以下
- 由以上規範可以算出：前一級輸出至次一級輸入電壓準位間，可以容忍的雜訊邊際電壓是 0.4V。

## 使用注意事項

1. 避免在帶有靜電的情況下接觸 IC
2. TTL 的電源電壓要 5V，建議最低不低於 4.75V，最高不高於 5.25V
3. 若輸入端空接，邏輯閘會把輸入端視為 HI 的狀態
4. 注意第一隻腳的位置，以免錯接
5. 若某一邏輯閘的輸出要並接許多負載或是邏輯閘，最好先裝緩衝器或是提升電阻，以免發生負載效應

資料來源：

<http://zh.wikipedia.org/wiki/%E9%9B%BB%E6%99%B6%E9%AB%94-%E9%9B%BB%E6%99%B6%E9%AB%94%E9%82%8F%E8%BC%AF%E9%9B%BB%E8%B7%AF>